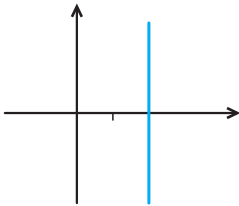




ردیف	سؤالات	نمره
۱	تعریف مفاهیم زیر را بنویسید الف) میانه ب) نمونه‌گیری خوشه‌ای پ) متغیر کیفی	۲/۲۵
۲	ارزش گزاره‌های زیر را تعیین کنید. الف) $\{1\} \in \{1, 2, 3\}$ ب) اگر $a > b$ آنگاه $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ پ) $(7 < 8) \wedge (\frac{7}{4} \in \mathbb{Z})$ ت) $2^{2^n} + 1$ اول است؛ $\forall n \in \mathbb{N}$	۱
۳	برای مجموعه‌های A و B با مجموعه مرجع U ثابت کنید $A \subseteq A \cup B$ می‌باشد.	۱
۴	درستی تساوی روبه‌رو را بررسی کنید. $(A' \cap B) \cup [(B \cap A) - B'] = B$	۱/۲۵
۵	اگر $A = \{y + 3, 6, z\}$ و $B = \{x + 2, 5, -1\}$ در این صورت، با فرض $A \times B = B \times A$ بیشترین مقدار برای $(x + y + z)$ را بیابید.	۱/۵
۶	اگر $A = \mathbb{R}$ و $B = \{2, 3\}$ باشند. نمودار ضرب دکارتی $B \times A$ را رسم کنید.	۰/۵
۷	عددی به تصادف از بین ۱ تا ۵۰۰ انتخاب می‌کنیم. احتمال آن را محاسبه کنید که عدد انتخابی بر ۳ بخش‌پذیر باشد، ولی بر ۷ بخش‌پذیر نباشد.	۱
۸	سه شناگر A ، B و C با هم مسابقه می‌دهند. احتمال پیروز شدن شناگر A و B مساوی است و دو برابر احتمال برد C است. احتمال اینکه در این مسابقه A پیروز نباشد، چقدر است؟	۱
۹	در پرتاب سه سکه اگر بدانیم هر سه یکسان ظاهر نشده‌اند، احتمال اینکه حداقل ۲ سکه رو ظاهر شده باشد را محاسبه کنید.	۱
۱۰	احتمال مبتلا شدن به یک بیماری خاص برای کودکی که واکسن زده ۰/۰۱ و برای کودکی که واکسن نزده ۰/۲ است. اگر در شهری ۸۰ درصد کودکان، واکسن زده باشند، احتمال اینکه یک کودک از این شهر به این بیماری مبتلا شود چقدر است؟	۱/۵
۱۱	سه فرد A ، B و C نسخه‌خوان‌های یک مؤسسه انتشاراتی‌اند که به ترتیب ۳۰، ۴۰ و ۳۰ درصد از کارهای نسخه‌خوانی را انجام می‌دهند. احتمال اینکه این سه نفر صفحه‌ای که به آنها سپرده شده را بی‌غلط تصحیح کنند به ترتیب ۰/۹، ۰/۹۵ و ۰/۹۹ است. صفحه‌ای نسخه‌خوانی شده، ولی هنوز غلط دارد. احتمال اینکه مسئول خواندن آن صفحه فرد B بوده باشد، چقدر است؟	۱/۵
۱۲	جعبه‌ای شامل ۱۲ لامپ است که ۵ تای آنها معیوب است. اگر به تصادف و با جای‌گذاری ۲ لامپ از جعبه بیرون آوریم، احتمال آن را به دست آورید که: الف) هر دو لامپ معیوب باشند. ب) حداکثر یک لامپ معیوب باشد.	۱

ردیف	سؤالات	نمره																									
۱۳	جدول زیر که مربوط به میزان علاقه‌مندی ۶۰ دانش‌آموز را به رشته‌های ورزشی نشان می‌دهد، تکمیل کنید.	۱/۵																									
	<table><tr><th>زاویه مرکزی</th><th>درصد</th><th>فراوانی نسبی</th><th>فراوانی</th><th>رشته</th></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>۳۰</td><td>فوتبال</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>۱۵</td><td>والیبال</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>۱۰</td><td>شنا</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td>تنیس</td></tr></table>	زاویه مرکزی	درصد	فراوانی نسبی	فراوانی	رشته				۳۰	فوتبال				۱۵	والیبال				۱۰	شنا					تنیس	
زاویه مرکزی	درصد	فراوانی نسبی	فراوانی	رشته																							
			۳۰	فوتبال																							
			۱۵	والیبال																							
			۱۰	شنا																							
				تنیس																							
۱۴	براساس نمودار بافت‌نگاشت زیر، میانگین داده‌ها را به‌دست آورید.	۱																									
	<table><caption>Data for Histogram</caption><thead><tr><th>Class Interval</th><th>Frequency</th></tr></thead><tbody><tr><td>4-5</td><td>8</td></tr><tr><td>5-6</td><td>10</td></tr><tr><td>6-7</td><td>12</td></tr><tr><td>7-8</td><td>6</td></tr></tbody></table>	Class Interval	Frequency	4-5	8	5-6	10	6-7	12	7-8	6																
Class Interval	Frequency																										
4-5	8																										
5-6	10																										
6-7	12																										
7-8	6																										
۱۵	واریانس داده‌های ۱۶، ۱۱، ۱۹ و ۱۴ را به‌دست آورید.	۱																									
۱۶	برای موضوعات زیر بهترین روش جمع‌آوری داده را بنویسید. الف) گروه سنی افرادی که به سینما می‌روند. ب) تأثیر نور بر رشد گیاهان آپارتمان پ) میزان تصادف‌ها بین سال‌های ۹۰ تا ۹۳	۰/۷۵																									
۱۷	رئیس یک دانشگاه علاقه‌مند است متوسط سن دانشجویانی که در سال جاری ثبت نام کرده‌اند را بداند. او یک نمونه ۲۵ نفری از دانشجویان انتخاب می‌کند. میانگین سن آنها ۲۰ سال برآورد شده است. اگر از بررسی‌های قبلی انحراف معیار سن دانشجویان برابر ۱/۹ باشد. بازه اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین سن دانشجویان را محاسبه کنید.	۱/۲۵																									
جمع	موفق باشید	۲۰																									

ردیف	سؤالات	نمره
۱	الف) عدد وسط مجموعه‌ای از داده‌ها که از کوچک به بزرگ مرتب شده باشند را میانه داده‌ها می‌گوییم و آن را با Q_2 نشان می‌دهیم. ب) نمونه‌گیری که در آن، واحدهای نمونه‌گیری اولیه در جامعه، گروه‌ها یا خوشه‌ها باشند؛ سپس همه واحدهای آماری خوشه‌های انتخاب شده را به عنوان نمونه در نظر می‌گیریم. پ) متغیری است که صرفاً برای دسته‌بندی افراد یا اشیا در گروه‌ها به کار می‌رود و لزوماً مقدار عددی نمی‌گیرد.	۲/۲۵
۲	الف) نادرست ب) نادرست پ) نادرست ت) نادرست	۱
۳	بنابراین داریم: $\forall x; (x \in A \Rightarrow x \in A \cup B) \Rightarrow x \in A \cup B$ $\forall x; (x \in A \Rightarrow x \in A \cup B) \Rightarrow A \subseteq A \cup B$	۱
۴	$(A' \cap B) \cup [(B \cap A) - B'] = (A' \cap B) \cup [(B \cap A) \cap B] = (A' \cap B) \cup (A \cap B)$ $= B \cap (A' \cup A) = B \cap U = B$	۱/۲۵
۵	با توجه به اینکه $A \neq \emptyset$, $B \neq \emptyset$ و $A \times B = B \times A$ پس $A = B$, پس داریم $\{x+2, 5, -1\} = \{y+3, 6, z\}$ حالت اول: $\begin{cases} x+2=6 \\ y+3=5 \\ z=-1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=4 \\ y=2 \\ z=-1 \end{cases} \Rightarrow x+y+z=5$ حالت دوم: $\begin{cases} x+2=6 \\ y+3=-1 \\ z=5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=4 \\ y=-4 \\ z=5 \end{cases} \Rightarrow x+y+z=5$ در هر دو حالت مقدار $x+y+z$ برابر ۵ می‌باشد.	۱/۵
۶	$A = \mathbb{R}$ $B = \{2, 3\}$ 	۰/۵
۷	$S: 500 \Rightarrow S = 500$ A : پیشامد آنکه عدد بر ۳ بخش پذیر باشد $\Rightarrow A = \left[\frac{500}{3} \right] = 166 \Rightarrow P(A) = \frac{166}{500}$ $A \cap B$: پیشامد آنکه عدد بر ۲۱ بخش پذیر باشد $\Rightarrow A \cap B = \left[\frac{500}{21} \right] = 23 \Rightarrow P(A \cap B) = \frac{23}{500}$ $P(A \cap B') = P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = \frac{166}{500} - \frac{23}{500} = \frac{143}{500}$	۱

ردیف	سؤالات	نمره
۸	$S = \{A, B, C\} \Rightarrow P(A) + P(B) + P(C) = 1 \Rightarrow 2P(C) + 2P(C) + P(C) = 1 \Rightarrow P(C) = \frac{1}{5}$ $P(A) = P(B) = 2P(C)$ $\Rightarrow P(A) = P(B) = \frac{2}{5}$ $P(\{B, C\}) = P(B) + P(C) = \frac{2}{5} + \frac{1}{5} = \frac{3}{5}$	۱
۹	پیشامد A را یکسان ظاهر نشدن سه سکه و B را حداقل رو شدن دو سکه در نظر می‌گیریم، داریم: $P(B A) = \frac{n(B \cap A)}{n(A)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ $A = \{(ر, ر, پ), (پ, ر, ر), (ر, پ, ر), (پ, پ, ر), (ر, ر, ر), (پ, ر, پ), (ر, پ, پ), (پ, پ, پ)\}$ $A \cap B = \{(ر, ر, ر), (ر, پ, ر), (پ, ر, ر)\}$	۱
۱۰	۱/۵ واکسن زده ابتلا به بیماری ۸۰/۱۰۰ ۱/۱۰۰ واکسن نزده ۲۰/۱۰۰ ابتلا به بیماری ۲۰/۱۰۰ $P(\text{ابتلا به بیماری}) = \frac{80}{100} \times \frac{1}{100} + \frac{20}{100} \times \frac{20}{100} = \frac{48}{1000}$	۱/۵
۱۱	۱/۵ فرد A غلط داشتن ۳۰/۱۰۰ ۱۰/۱۰۰ فرد B غلط داشتن ۴۰/۱۰۰ ۵/۱۰۰ فرد C غلط داشتن ۳۰/۱۰۰ ۱/۱۰۰ $P(\text{غلط داشتن}) = \frac{30}{100} \times \frac{10}{100} + \frac{40}{100} \times \frac{5}{100} + \frac{30}{100} \times \frac{1}{100} = \frac{53}{1000}$ $P(\text{غلط داشتن} \cap \text{مسئول خواندن فرد B بوده}) = \frac{40}{100} \times \frac{5}{100} = \frac{20}{1000}$ $\Rightarrow A = \frac{20}{1000} = \frac{20}{53}$	۱/۵
۱۲	الف) $P(A) = \frac{5 \times 5}{12 \times 12} = \frac{25}{144}$ ب) ۱ راه حل اول: $P(B) = \frac{7 \times 7 + 7 \times 5 + 5 \times 7}{12 \times 12} = \frac{49 + 35 + 35}{144} = \frac{119}{144}$ راه حل دوم: $P(B) = 1 - P(A) = 1 - \frac{25}{144} = \frac{119}{144}$	۱